

Действительно, экстраполяции линии метастабильного равновесия ( $T_0^{\gamma-\epsilon}$ ) мартенситных  $\gamma$ - и  $\epsilon$ -фаз\* и линии концентрационной зависимости удельного объема железомарганцевых сплавов при атмосферном давлении к чистому железу дают значения  $T_{\text{Fe}}^{\gamma-\epsilon} = 530^\circ \text{К}$  и  $V_{\text{Fe}}^{\epsilon} = 6,73 \text{ см}^3/\text{моль}$  [14]. Эти данные удовлетворительно согласуются с соответствующими значениями, полученными при экстраполяции к атмосферному давлению свойств чистого железа в  $P - T$ -области ( $T_{\text{Fe}}^{\gamma-\epsilon} = 470^\circ \text{К}$  [13] и  $V_{\text{Fe}}^{\epsilon} = 6,81 \text{ см}^3/\text{моль}$  [12]).

Результаты исследований при высоких давлениях дают возможность не только отождествить  $\epsilon$ -фазу железомарганцевых сплавов с  $\epsilon$ -модификацией железа, но и позволяют определить свободную энергию  $\epsilon$ -фазы чистого железа  $F_{\text{Fe}}^{\epsilon}(T)$ , что открывает путь для термодинамического анализа  $T - c - P$ -фазовой диаграммы системы железо — марганец с учетом  $\epsilon$ -фазы.

**Свободная энергия  $\epsilon$ -фазы чистого железа.** Свободная энергия  $\epsilon$ -модификации чистого железа определялась нами с помощью специально проведенного расчета  $T - P$ -диаграммы чистого железа, результаты которого будут подробно изложены в отдельной статье. В основу расчета были положены экспериментальная  $T - P$ -диаграмма чистого железа [13], значения свободных энергий  $\alpha$ - и  $\gamma$ -модификаций железа  $F_{\text{Fe}}^{\alpha}(T)$  и  $F_{\text{Fe}}^{\gamma}(T)$  [15], а также допущение о независимости объемных эффектов  $\alpha - \gamma$ ,  $\gamma - \epsilon$  и  $\alpha - \epsilon$ -превращений железа от температуры и давления. При этом использовался метод разбиения свободной энергии на дебаевскую, магнитную и электронную части [16]; магнитная часть свободной энергии  $\epsilon$ -Fe, как и в работе [16], принималась равной нулю. Найденная таким путем свободная энергия  $\epsilon$ -Fe описывается выражением

$$F_{\text{Fe}}^{\epsilon}(T), [\text{кал}/\text{моль}] = H_0^{\epsilon} + f \left[ \frac{\theta^{\epsilon}}{T} \right] - \frac{1}{2} \gamma^{\epsilon} T^2 \quad (1)$$

при следующих значениях параметров: энтальпии  $\epsilon$ -Fe при абсолютном нуле  $H_0^{\epsilon} = 1053 \text{ кал}/\text{моль}$ , дебаевской температуре  $\theta^{\epsilon} = 388^\circ \text{К}$ , коэффициенте электронной теплоемкости  $\gamma^{\epsilon} = 12 \cdot 10^{-4} \text{ кал}/\text{моль} \cdot \text{град}$ ;  $f[\theta^{\epsilon} / T]$  — табулируемая дебаевская функция свободной энергии [17].

Выполненный расчет позволил также определить усредненные по температурам и давлениям объемные эффекты  $\alpha - \gamma$ ,  $\gamma - \epsilon$  и  $\alpha - \epsilon$ -превращений чистого железа:

$$\Delta V_{\text{Fe}}^{\alpha-\gamma} = -0,138 \text{ см}^3/\text{моль}, \quad (2a)$$

$$\Delta V_{\text{Fe}}^{\gamma-\epsilon} = -0,164 \text{ см}^3/\text{моль}, \quad (2b)$$

$$\Delta V_{\text{Fe}}^{\alpha-\epsilon} = -0,302 \text{ см}^3/\text{моль}, \quad (2v)$$

Расчет  $T - c - P$ -диаграммы системы железо — марганец. Проведем в приближении совершенных растворов расчет линий фазовых равновесий при атмосферном давлении и исследуем влияние давления на положение этих линий.

Термодинамический потенциал  $G$   $i$ -фазы ( $i$ - $\alpha$ ,  $\gamma$ ,  $\epsilon$ ) сплавов железо — марганец как функция концентрации марганца  $c$ , температуры  $T$  и давления  $P$  записывается в принятом приближении следующим образом:

$$G_{\text{Fe-Mn}}(c, T, P) = G_{\text{Fe}}^i(T, P) \cdot (1 - c) + G_{\text{Mn}}^i(T, P) c - RT[(1 - c)\ln(1 - c) + c \ln c], \quad (3)$$

\* За температуру метастабильного равновесия мартенситных  $\gamma$ - и  $\epsilon$ -фаз в системе железо — марганец приближенно принимали среднюю температуру между температурами прямого и обратного превращений.

где

$$G^i(T, P) = F^i(T, P) + PV^i(T, P). \quad (4)$$

В этих уравнениях  $R$  — универсальная газовая постоянная,  $F^i$  и  $V^i$  — свободная энергия и объем  $i$ -фазы.

Используя основное условие фазовых равновесий — равенство химических потенциалов данного компонента в фазах равновесного состава и термодинамические соотношения

$$\mu_{\text{Fe}}^i(c_i, T, P) = G_{\text{Fe-Mn}}^i(c_i, T, P) + (1 - c_i) \frac{\partial G_{\text{Fe-Mn}}^i(c_i, T, P)}{\partial c_i}, \quad (5a)$$

$$\mu_{\text{Mn}}^i(c_i, T, P) = G_{\text{Fe-Mn}}^i(c_i, T, P) - c_i \frac{\partial G_{\text{Fe-Mn}}^i(c_i, T, P)}{\partial c_i}, \quad (5b)$$

получаем уравнения равновесия  $i$ - и  $j$ -фаз в виде

$$\Delta F_{\text{Mn}}^{i-j}(T, P) + RT \ln \frac{c_j}{c_i} + P \Delta V_{\text{Mn}}^{i-j}(T, P) = 0, \quad (6a)$$

$$\Delta F_{\text{Fe}}^{i-j}(T, P) + RT \ln \frac{1 - c_j}{1 - c_i} + P \Delta V_{\text{Fe}}^{i-j}(T, P) = 0. \quad (6b)$$

В этих соотношениях  $\Delta F_{\text{Fe}}^{i-j}$ ,  $\Delta F_{\text{Mn}}^{i-j}$  и  $\Delta V_{\text{Fe}}^{i-j}$  и  $\Delta V_{\text{Mn}}^{i-j}$  — разности свободных энергий и удельных объемов  $\alpha$ -,  $\gamma$ - и  $\varepsilon$ -фаз железа и виртуальных состояний марганца, имеющих структуру  $\alpha$ -,  $\gamma$ - и  $\varepsilon$ -фаз железа соответственно.

Анализ данных различных авторов о периодах решеток  $\alpha$ -,  $\gamma$ - и  $\varepsilon$ -фаз сплавов железо — марганец, проведенный в работе [14], показал, что  $\Delta V_{\text{Fe-Mn}}^{\alpha-\gamma}$ ,  $\Delta V_{\text{Fe-Mn}}^{\alpha-\varepsilon}$  и  $\Delta V_{\text{Fe-Mn}}^{\gamma-\varepsilon}$  при комнатной температуре практически не зависят от состава. Допуская, что этот вывод справедлив для всех температур и давлений можно принять, что

$$\Delta V_{\text{Fe-Mn}}^{i-j} \approx \Delta V_{\text{Fe}}^{i-j} \approx \Delta V_{\text{Mn}}^{i-j}. \quad (7)$$

На основании этого в соотношении (6а) величину  $\Delta V_{\text{Mn}}^{i-j}$  можно заменить величиной  $\Delta V_{\text{Fe}}^{i-j}$ . Поскольку зависимости  $\Delta V_{\text{Fe}}^{i-j}$  от температуры и давления для всех трех фазовых превращений чистого железа ( $\alpha - \gamma$ ,  $\gamma - \varepsilon$  и  $\alpha - \varepsilon$ ) не известны, пришлось допустить также, что  $\Delta V_{\text{Fe}}^{i-j}$  от  $T$  и  $P$  не зависит, и в расчете диаграммы Fe — Mn использовать усредненные значения объемных эффектов [см. (2а), (2б) и (2в)].

Поскольку мы не учитываем сжимаемости фаз, имеют место соотношения

$$\Delta F_{\text{K}}^{i-j}(T, P) \approx \Delta F_{\text{K}}^{i-j}(T, 0) \equiv \Delta F_{\text{K}}^{i-j}(T), \quad (8)$$

где К — это Fe или Mn. Выражение (8) дает возможность использовать при расчете значения разностей свободных энергий различных фаз железа, определенные при атмосферном давлении [15].

Принимая, что  $\Delta F_{\text{Mn}}^{\alpha-\gamma}$  является линейной функцией температуры, и, используя данные, взятые из равновесной диаграммы системы Fe — Mn [1], получим

$$\Delta F_{\text{Mn}}^{\alpha-\gamma}(T)[\text{кал/моль}] = -4550 + 2,25T. \quad (9)$$

Рассчитанные при помощи соотношений (2а), (3), (4), (6), (7) и (8) и данных для  $\Delta F_{\text{Fe}}^{\alpha-\gamma}(T)$  из работы [15] линии  $\alpha / \alpha + \gamma$  и  $\alpha + \gamma / \gamma$  равновесий при  $P = 1$  атм, 30 и 40 кбар показаны на рис. 1—3.